

Esquema de calificación

Noviembre de 2021

**Matemáticas:
aplicaciones e interpretación**

Nivel Medio

Prueba 1

© International Baccalaureate Organization 2021

All rights reserved. No part of this product may be reproduced in any form or by any electronic or mechanical means, including information storage and retrieval systems, without the prior written permission from the IB. Additionally, the license tied with this product prohibits use of any selected files or extracts from this product. Use by third parties, including but not limited to publishers, private teachers, tutoring or study services, preparatory schools, vendors operating curriculum mapping services or teacher resource digital platforms and app developers, whether fee-covered or not, is prohibited and is a criminal offense.

More information on how to request written permission in the form of a license can be obtained from <https://ibo.org/become-an-ib-school/ib-publishing/licensing/applying-for-a-license/>.

© Organisation du Baccalauréat International 2021

Tous droits réservés. Aucune partie de ce produit ne peut être reproduite sous quelque forme ni par quelque moyen que ce soit, électronique ou mécanique, y compris des systèmes de stockage et de récupération d'informations, sans l'autorisation écrite préalable de l'IB. De plus, la licence associée à ce produit interdit toute utilisation de tout fichier ou extrait sélectionné dans ce produit. L'utilisation par des tiers, y compris, sans toutefois s'y limiter, des éditeurs, des professeurs particuliers, des services de tutorat ou d'aide aux études, des établissements de préparation à l'enseignement supérieur, des fournisseurs de services de planification des programmes d'études, des gestionnaires de plateformes pédagogiques en ligne, et des développeurs d'applications, moyennant paiement ou non, est interdite et constitue une infraction pénale.

Pour plus d'informations sur la procédure à suivre pour obtenir une autorisation écrite sous la forme d'une licence, rendez-vous à l'adresse <https://ibo.org/become-an-ib-school/ib-publishing/licensing/applying-for-a-license/>.

© Organización del Bachillerato Internacional, 2021

Todos los derechos reservados. No se podrá reproducir ninguna parte de este producto de ninguna forma ni por ningún medio electrónico o mecánico, incluidos los sistemas de almacenamiento y recuperación de información, sin la previa autorización por escrito del IB. Además, la licencia vinculada a este producto prohíbe el uso de todo archivo o fragmento seleccionado de este producto. El uso por parte de terceros —lo que incluye, a título enunciativo, editoriales, profesores particulares, servicios de apoyo académico o ayuda para el estudio, colegios preparatorios, desarrolladores de aplicaciones y entidades que presten servicios de planificación curricular u ofrezcan recursos para docentes mediante plataformas digitales—, ya sea incluido en tasas o no, está prohibido y constituye un delito.

En este enlace encontrará más información sobre cómo solicitar una autorización por escrito en forma de licencia: <https://ibo.org/become-an-ib-school/ib-publishing/licensing/applying-for-a-license/>.

Instrucciones para los examinadores

Abreviaturas

- M** Puntos concedidos por tratar de utilizar un **Método** correcto.
- A** Puntos concedidos por una **Respuesta** (en inglés, *Answer*) o por **Precisión** (en inglés, *Accuracy*); a menudo dependen de los puntos **M** precedentes.
- R** Puntos concedidos por un **Razonamiento** claro.
- AG** Respuesta dada (del inglés *Answer Given*) en la propia pregunta, por lo que no se concede ningún punto.
- FT** Arrastre de error (del inglés *Follow Through*). La práctica de conceder puntos, a pesar de que el alumno haya cometido errores en apartados anteriores, por **sus** métodos/respuestas correctos a partir de resultados incorrectos.

Uso del esquema de calificación

1 General

Conceda los puntos utilizando las anotaciones como se indica en el esquema de calificación p. ej., **M1**, **A2**.

2 Puntuación por método y por respuesta/precisión

- **No** conceda automáticamente la puntuación máxima cuando la respuesta sea correcta; se **debe** comprobar todo el procedimiento (el desarrollo del ejercicio) y puntuar la pregunta conforme al esquema de calificación.
- Por lo general, no se puede conceder **M0** seguido de **A1**, puesto que los puntos **A** dependen de los puntos **M** precedentes (si los hay).
- Cuando se indica en la misma línea una puntuación **M** y otra **A** (p. ej., **M1A1**), esto normalmente significa que se conceda **M1** por **intentar** utilizar un método adecuado (p. ej., sustituir en una fórmula) y **A1** por utilizar los valores **correctos**.
- Cuando aparecen dos o más puntuaciones **A** en la misma línea es porque cada una se puede conceder de manera independiente; así pues, si el primer valor es incorrecto pero los dos siguientes son correctos, se ha de conceder **A0A1A1**.
- Allí donde el esquema de calificación especifique **A3**, **M2**, etc., **no** subdivida las puntuaciones a menos que haya una nota al respecto.
- En la respuesta a una pregunta del tipo “mostrar que” no es necesario volver a escribir la línea **AG**, a no ser que una **Nota** lo indique de manera explícita en el esquema de calificación.
- Una vez que vea en la hoja la respuesta correcta a una pregunta o a un apartado de una pregunta, ignore cualquier desarrollo adicional, incluso si es incorrecto o sugiere que el alumno no ha comprendido bien la pregunta. Esto fomenta un enfoque uniforme para la corrección, menos dependiente del criterio del examinador. Aunque algunos alumnos puedan verse beneficiados en ese elemento concreto de la pregunta, es probable que estos alumnos también pierdan puntos en otros lugares.

- Una excepción a la regla anterior ocurre cuando una respuesta incorrecta del desarrollo adicional se utiliza **en un apartado posterior**. Por ejemplo, cuando un valor exacto correcto viene seguido de una aproximación decimal incorrecta en el primer apartado y, a continuación, se utiliza esta aproximación en el segundo apartado. En esta situación, conceda los puntos **FT** que corresponda, pero no conceda el **A1** final en el primer apartado. Ejemplos:

	Respuesta correcta incluida	Desarrollo adicional incluido	¿Alguna cuestión relacionada con la puntuación FT?	Acción
1.	$8\sqrt{2}$	5,65685... (valor decimal incorrecto)	No. Último apartado de la pregunta.	Conceda A1 en la puntuación final (<i>no penalice el desarrollo adicional incorrecto</i>).
2.	$\frac{35}{72}$	0,468111... (valor decimal incorrecto)	Sí. El valor se utiliza en apartados posteriores.	Conceda A0 en la puntuación final (<i>y pueden otorgarse todos los puntos FT en los apartados posteriores</i>).

3 Puntuaciones implícitas

Las puntuaciones implícitas se muestran entre **paréntesis; p. ej., (M1)**. Solo se pueden conceder si el alumno ha incluido el procedimiento **correcto** o si dicho procedimiento ha quedado implícito en otro desarrollo/respuesta posterior.

4 Puntuaciones de arrastre de error (solo se aplican después de haberse cometido un error)

Las puntuaciones de arrastre de error (**FT**) se conceden cuando una respuesta incorrecta dada en un **apartado** de una pregunta se utiliza correctamente en los apartados **posteriores** (p. ej., un valor incorrecto del apartado (a) se utiliza en el apartado (d), o un valor incorrecto del subapartado (c)(i) se utiliza en el subapartado (c)(ii)). Por lo general, para poder conceder puntos **FT**, el alumno **tiene que haber incluido el desarrollo del ejercicio** (no tan solo una respuesta final basada en la respuesta incorrecta dada en un apartado anterior). Sin embargo, si todos los puntos que tiene asignados un apartado posterior corresponden a la respuesta o son implícitos, entonces se deben conceder puntos **FT** por *su* respuesta correcta incluso si no ha incluido el desarrollo.

Por ejemplo: tras una respuesta incorrecta al apartado (a) que se utiliza en apartados posteriores, cuando el esquema de calificación indique **(M1)A1** en el apartado posterior, es posible conceder la puntuación máxima por *su* respuesta correcta **sin que haya incluido ningún desarrollo**. Para preguntas más largas donde todas las puntuaciones son implícitas salvo los puntos de respuesta, esta regla es aplicable pero puede invalidarse mediante una **Nota** en el esquema de calificación.

- Dentro de un apartado dado, una vez que se ha cometido un **error** ya no se pueden conceder más puntos **A** en otras partes del desarrollo que hagan uso de ese error. Sin embargo, sí que se pueden conceder puntos **M** si procede.
- Si la pregunta resulta mucho más sencilla debido a un error, utilice su propio criterio para conceder menos puntos **FT**, reflexionando sobre a qué corresponde cada puntuación y cómo se traslada eso a la versión simplificada.
- Si el error conduce a un resultado inadecuado (p. ej., una probabilidad mayor que 1, $\sin \theta = 1,5$, un valor no entero allí donde hay que dar uno entero), no conceda el/los puntos correspondientes a las respuestas finales.

- Es posible que en el esquema de calificación se utilice la palabra “su(s)” en una descripción; con esto se quiere indicar que los alumnos quizá estén empleando un valor incorrecto.
- Si la respuesta del alumno a la pregunta inicial contradice claramente la información proporcionada en el enunciado de la pregunta, no es apropiado conceder ningún punto **FT** en los apartados posteriores. Esto incluye cuando los alumnos no logran completar correctamente una pregunta del tipo “mostrar que” y, en los siguientes apartados, utilizan su respuesta incorrecta en vez del valor proporcionado en el enunciado.
- Las excepciones a estas reglas de **FT** se indicarán de manera explícita en el esquema de calificación.
- Si un alumno comete un error en un apartado pero obtiene las respuestas correctas en los apartados posteriores, conceda puntos según corresponda, a no ser que el término de instrucción fuera “A partir de lo anterior”.

5 Errores de lectura

Si un alumno comete un error al copiar en su hoja los valores o datos de la pregunta, esto se considera un “error de lectura” (**MR**, del inglés *MisRead*). A un alumno solo se le puede penalizar una vez por un error de lectura dado. Utilice el sello **MR** para indicar que se ha producido un error de lectura y no conceda el primer punto, aunque se trate de un punto **M**, pero conceda todos los demás según corresponda.

- Si la pregunta resulta mucho más sencilla debido al error de lectura (**MR**), utilice su propio criterio para conceder menos puntos.
- Si el **MR** conduce a un resultado inadecuado (p. ej., una probabilidad mayor que 1, $\sin \theta = 1,5$, un valor no entero allí donde hay que dar uno entero), no conceda el/los puntos correspondientes a las respuestas finales.
- Si el alumno comete un error al copiar su propio trabajo, eso **no** es un error de lectura, sino un error ordinario.
- Si el alumno utiliza una respuesta correcta a una pregunta del tipo “mostrar que” con un grado de precisión mayor del que se proporciona en el enunciado, eso **NO** es un error de lectura y se puede obtener la puntuación máxima en el apartado posterior.
- Los errores de lectura (**MR**) solo se pueden aplicar cuando el alumno haya incluido el desarrollo del ejercicio. En aquellas preguntas de calculadora donde no esté incluido el procedimiento y se haya dado una respuesta incorrecta, los examinadores **no** deben inferir que el alumno ha leído/copiado mal los valores de la calculadora.

6 Métodos alternativos

En ocasiones, los alumnos utilizan métodos distintos de los que aparecen en el esquema de calificación. A menos que en la pregunta se especifique qué método se ha de utilizar, el uso de métodos alternativos correctos no se ha de penalizar, sino que se ha de puntuar conforme a lo que indica el esquema de calificación. Si el término de instrucción es “A partir de lo anterior” y no “A partir de lo anterior o de cualquier otro modo”, entonces no se permiten métodos alternativos a no ser que se indique mediante una nota en el esquema de calificación.

- Cuando se incluyen varios métodos alternativos para toda una pregunta, aparecen señalados mediante los encabezamientos **MÉTODO 1**, **MÉTODO 2**, etc.
- Las soluciones alternativas para un apartado dado de una pregunta se indican mediante el encabezamiento **O BIEN... O BIEN**.

7 Formas alternativas

A menos que en la pregunta se especifique lo contrario, **acepte** formas equivalentes.

- Dado que se trata de un examen internacional, acepte todas las formas alternativas de **notación**, por ejemplo 1.9 y 1,9; o 1000, 1,000 y 1.000.
- No acepte respuestas finales escritas con notación de calculadora. Sin embargo, se pueden obtener puntos **M** y puntos **A** intermedios en los que la información se haya presentado utilizando notación de calculadora, siempre que la evidencia refleje claramente el requisito para conceder la puntuación.
- En el esquema de calificación, las formas **numéricas** y **algebraicas** equivalentes suelen aparecer escritas entre paréntesis, justo a continuación de la respuesta.
- En el esquema de calificación, algunas respuestas **equivalentes** suelen aparecer escritas entre paréntesis. En el esquema de calificación no se presentan todas las notaciones/respuestas/métodos equivalentes, y se pide a los examinadores que apliquen su criterio de forma apropiada para evaluar si el trabajo del alumno es equivalente.

8 Formato y precisión de las respuestas

Cuando el grado de precisión se especifique en el enunciado de la pregunta, uno de los puntos se concederá por dar la respuesta con la precisión requerida. Si el grado de precisión no se indica en la pregunta, deben aplicarse las siguientes reglas: *todas las respuestas numéricas deberán ser exactas o aproximadas con tres cifras significativas*.

Cuando se utilicen los valores en apartados posteriores, el esquema de calificación generalmente empleará el valor exacto, si bien los alumnos también pueden usar la respuesta correcta con 3 cifras significativas en los apartados posteriores. El esquema de calificación con frecuencia indicará los valores posteriores que resulten “*de utilizar valores con 3 cifras significativas*”.

Simplificación de las respuestas finales: Se aconseja a los alumnos que den las respuestas finales utilizando una forma matemática adecuada. En general, para conceder una puntuación **A**, se debe completar la aritmética y simplificar cualquier valor que conduzca a un número entero; por

ejemplo, $\sqrt{\frac{25}{4}}$ debe escribirse como $\frac{5}{2}$. Una excepción a lo anterior es la simplificación de

fracciones, donde no se requiere la forma más sencilla (si bien el numerador y el denominador deben ser números enteros); por ejemplo, $\frac{10}{4}$ se puede dejar así o escribirla como $\frac{5}{2}$. Sin

embargo, $\frac{10}{5}$ se debe escribir como 2, dado que se simplifica para dar un número entero.

Las expresiones algebraicas se deben simplificar realizando cualquier operación como la adición y la multiplicación; p. ej., $4e^{2x} \times e^{3x}$ se debe simplificar a $4e^{5x}$, y $4e^{2x} \times e^{3x} - e^{4x} \times e^x$ se debe simplificar a $3e^{5x}$. A no ser que se especifique en la pregunta, no es necesario factorizar las expresiones ni tampoco desarrollar las expresiones factorizadas, de modo que $x(x+1)$ y $x^2 + x$ son ambas aceptables.

Tenga presente: para obtener los puntos **A** intermedios NO es necesario simplificar las respuestas.

9 Calculadoras

Para esta prueba se necesita una calculadora de pantalla gráfica, pero si se topa con un ejercicio que sugiera que el alumno ha utilizado algún tipo de calculadora no permitida en los exámenes del PD del IB (p. ej., dispositivos dotados de un sistema algebraico computacional), siga los procedimientos establecidos para abordar la conducta impropia.

10. Presentación del trabajo del alumno

Procedimiento tachado: Si el alumno (en las hojas que contienen sus respuestas) ha trazado una línea cubriendo parte del procedimiento, o ha tachado de algún otro modo parte del procedimiento, no conceda ningún punto por esa parte del procedimiento, a no ser que haya una nota del alumno que indique explícitamente que quiere que se corrija esa parte del procedimiento.

Más de una solución: Cuando un alumno ofrezca dos o más respuestas distintas a una misma pregunta, el examinador solo debe puntuar la primera respuesta, a no ser que el alumno haya indicado lo contrario. Si la presentación de las respuestas hace que resulte difícil juzgar cuál es “la primera”, los examinadores deben aplicar su criterio de manera apropiada para determinarlo.

1. (a) $r = 0,933$ (0,933419...) **A2**
[2 puntos]

(b) fuerte` **A1**

Nota: La respuesta puede incluir la palabra “positiva”; no obstante, no es necesaria para obtener el punto.

[1 punto]

(c) $t = 0,228x + 24,3$ ($t = 0,227703...x + 24,3153...$) **A1**

Nota: No penalice el uso de y en lugar de t . La respuesta debe ser una ecuación.

[1 punto]

(d) ($t =$) $0,227703... \times 57 + 24,3153...$ **(M1)**

Nota: Conceda **(M1)** por haber sustituido correctamente el valor en su recta de regresión.

($t =$) 37,3 minutos (37,2944) **A1**

Nota: Independiente del desarrollo, acepte 37,1 y 37,4 que resulta de usar redondeos a 2 o 3 cs.

[2 puntos]

Total: [6 puntos]

2. (a) Intenta sustituir en la fórmula de la ley del coseno. **(M1)**

$$\cos C = \frac{1660^2 + 1550^2 - 1670^2}{2(1660)(1550)} \quad \text{(A1)}$$

$$C = 62,6^\circ \text{ (62,5873...)} \text{ (acepte 1,09 rad (1,09235...))} \quad \text{A1}$$

[3 puntos]

(b) Correctamente sustituido en la fórmula del área del triángulo. **(M1)**

$$A = \frac{1}{2}(1660)(1550) \text{ sen (62,5873...)}$$

$$(A =) 1140000 \text{ (1,14} \times 10^6 \text{; 1142043,327...)} \text{ km}^2 \quad \text{A1}$$

Nota: Acepte 1150000 ($1,15 \times 10^6$, 1146279,893...) km^2 que resulta de usar 63° .
Otros ángulos y sus correspondientes lados pueden ser utilizados.

[2 puntos]

Total: [5 puntos]

3. (a) ($A =$) 112 A1
[1 punto]

(b) $112e^{5k} = 360$ (M1)

Nota: Conceda (M1) si su ecuación es correcta.

O BIEN

el gráfico de $y = 112e^{5x}$ e $y = 360$, indicando además el punto de intersección (M1)

O BIEN

$(k =) \frac{1}{5} \ln\left(\frac{360}{112}\right)$ (M1)

Nota: Conceda (M1) si ha reordenado correctamente los términos y ha utilizado el log.

POR LO TANTO

$(k =) 0,234 (0,233521\dots)$ A1

Nota: Conceda (M1)(M1)(A0) a una respuesta de 0,233.

[3 puntos]
Total: [4 puntos]

4. (a) $m = \frac{6-0}{4-2} = 3$ (M1)A1
[2 puntos]

(b) $(m =) -\frac{1}{3} (-0,333, -0,333333\dots)$ A1
[1 punto]

(c) la ecuación de una recta con un punto de corte correcto y cualquiera de sus dos pendientes de (a) o (b) (M1)

P. ej., $y = -\frac{1}{3}x + 4$ **O BIEN** $y - 4 = -\frac{1}{3}(x - 0)$

Nota: Conceda (M1) por haber sustituido cualquiera de sus pendientes de (a) o (b) y el punto B o (3, 3) en la ecuación de una recta.

$x + 3y - 12 = 0$ o cualquier múltiplo entero A1
[2 puntos]

(d) $(x =) 12$ A1
[1 punto]
Total: [6 puntos]

5. (a) $h(4) = \frac{640}{4^2} + 0,5$ **O BIEN** $h(14) = \frac{640}{14^2} + 0,5$ **(M1)**

Nota: Conceda **(M1)** por haber sustituido 4 o 14 en h . Esto puede quedar implícito si se ve en el desarrollo 3,77 (3,76530...) o 40,5.

$3,77 \leq h(x) \leq 40,5$ ($3,76530... \leq h(x) \leq 40,5$) **A1A1**

Nota: Conceda **A1** por los dos extremos correctos y **(A1)** por ellos en el intervalo correcto.

[3 puntos]

(b) (i) $h(x) = 10$ **O BIEN** $h^{-1}(x) = \sqrt{\frac{640}{x-0.5}}$ **O BIEN** $h^{-1}(10) = \sqrt{\frac{640}{10-0.5}}$ **(M1)**
 $(x =) 8,21$ (cm) (8,20782...) **A1**

(ii) una lata que mide 10 (cm) de alto tendrá un diámetro de 8,21 (cm) (8.20782...) **A1**

Nota: No penalice una respuesta correcta expresada como la recíproca.

(iii) $4 \leq h^{-1} \leq 14$ **A1**

Nota: Acepte $4 \leq y \leq 14$. En esta parte no hay error de arrastre **(FT)**.

[4 puntos]

Total: [7 puntos]

6. (a) Por haber tratado de utilizar la fórmula de la regla del trapecio. **(M1)**

$\frac{1}{2} \left(\frac{2-0}{5} \right) (30 + 50 + 2(50 + 60 + 40 + 20))$ **A1**

(cantidad total de dióxido de carbono =) 84 toneladas **A1**

[3 puntos]

(b) $\left| \frac{84-72}{72} \right| \times 100\%$ **(M1)**

Nota: Conceda **(M1)** por haber sustituido correctamente la respuesta final de la parte (a) en la fórmula del porcentaje de error.

$= 16,7\%$ (16,6666...%) **A1**

[2 puntos]

Total: [5 puntos]

7. (a) (La mejor ubicación es, o bien el punto P, o bien el punto Q.)
 Por haber tratado de utilizar la fórmula de la distancia entre dos puntos. **(M1)**

$AP = \sqrt{(10-6)^2 + (6-2)^2}$ **O BIEN**

$BP = \sqrt{(10-14)^2 + (6-2)^2}$ **O BIEN**

$DP = \sqrt{(10-10,8)^2 + (6-11,6)^2}$ **O BIEN**

$BQ = \sqrt{(13-14)^2 + (7-2)^2}$ **O BIEN**

$CQ = \sqrt{(13-18)^2 + (7-6)^2}$ **O BIEN**

$DQ = \sqrt{(13-10,8)^2 + (7-11,6)^2}$

(AP o bien BP o bien DP $\Rightarrow \sqrt{32} = 5,66$ (5,65685...) **Y ADEMÁS**

(BQ o bien CQ o bien DQ $\Rightarrow \sqrt{26} = 5,10$ (5,09901...)) **A1**

$\sqrt{32} > \sqrt{26}$ **O BIEN** AP (o BP o DP) es mayor que BQ (o CQ o DQ) **A1**

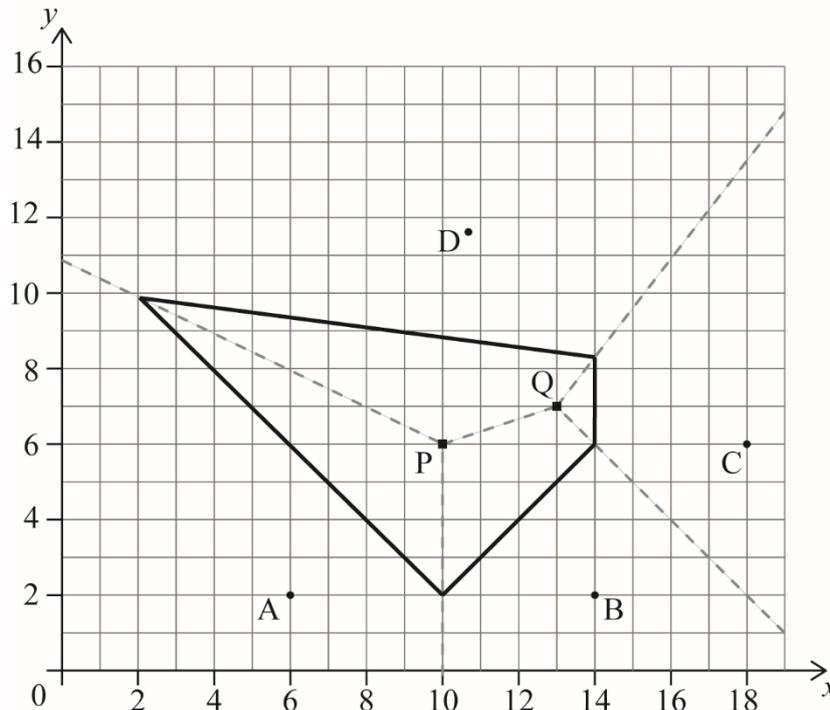
el punto P es el que está más lejos **A1**

Nota: Hay error de arrastre (**FT**) de sus valores siempre y cuando AP (o BP o DP) es mayor que BQ (o CQ o DQ).

[3 puntos]

- (b) (i) $x = 14$ **A1**

(ii)



A1A1

Nota: Conceda **A1** por cada recta correcta. No hay error de arrastre (**FT**) de su parte b(i).

[3 puntos]

Total: [6 puntos]

8. (a) (i) 13π (cm) **A1**

Nota: La respuesta debe estar en función de π .

(ii) **MÉTODO 1**

$$\frac{\theta}{360} \times 2\pi(18) = 13\pi \quad \text{O BIEN} \quad \frac{\theta}{360} \times 2\pi(18) = 40,8407... \quad \text{(M1)}$$

Nota: Conceda **(M1)** por sustitución correcta en la fórmula de la longitud de un arco.

$$(\theta =) 130^\circ \quad \text{A1}$$

MÉTODO 2

$$\frac{\theta}{360} \times \pi \times 18^2 = \pi \times 6,5 \times 18 \quad \text{(M1)}$$

$$(\theta =) 130^\circ \quad \text{A1}$$

[3 puntos]

(b) $\frac{130}{360} \times \pi(18)^2$ **(M1)**

Nota: Conceda **(M1)** por haber sustituido correctamente los valores en la fórmula del área de un sector circular.

O BIEN

$$\pi(6,5)(18) \quad \text{(M1)}$$

Nota: Conceda **(M1)** por haber sustituido correctamente los valores en la fórmula del área de la superficie lateral de un cono.

POR LO TANTO

$$(\text{Área} =) 368 \text{ (cm}^2\text{)} \quad (367,566..., 117\pi) \quad \text{A1}$$

Nota: Permita error de arrastre **(FT)** de su parte (a)(ii) incluso si su ángulo no es obtuso.

[2 puntos]

Total: [5 puntos]

9. (a) 75 **A1**
[1 punto]

(b) Por darse cuenta de que la suma de todos los valores sea igual a 120. **(M1)**
A1
[2 puntos]
 $a = 120 - 6 - 13 - 26 - b$ **O BIEN** $a = 75 - b$

(c) (i) $\frac{6 \times 1 + 13 \times 2 + 26 \times 3 + (75 - b) \times 4 + b \times 5}{120} = 3,65$ **(M1)(A1)**

Nota: Conceda **(M1)** por intentar sustituir en la fórmula de la media usando frecuencias en el numerador. El término de la izquierda de la ecuación es suficiente para otorgar **M**. Conceda el **(A1)** por sustituir correctamente los valores con una variable **O BIEN** con dos variables, si después hay prueba de que ha utilizado $a + b = 75$ para resolver un sistema de ecuaciones.

(b =) 28 **A1**

(ii) Si se observa 120 – su parte (c)(i) (es decir, por ejemplo, se ha indicado 92 en el gráfico) **M1**
 84 **A1**
[5 puntos]
Total: [8 puntos]

10. (a) $N = 360$
 $I\% = 3,8$
 $PV = (\pm)170\,000$
 $FV = 0$
 $P/Y = 12$
 $C/Y = 12$

(M1)(A1)

Nota: Conceda **(M1)** por haber intentado utilizar una aplicación financiera en su dispositivo tecnológico mostrando al menos dos valores y conceda **A1** si todos los valores que ha introducido son correctos. Acepte un valor positivo o negativo para PV .

$(PMT =) 792,13 \text{ AUD}$

A1

Nota: Acepte la respuesta $-792,13$. No conceda el **A1** final si no da la respuesta redondeando a 2 lugares decimales.

[3 puntos]

- (b) (i) $N = 120$
 $I\% = 3,8$
 $PV = (\pm)170\,000$
 $PMT = (\mp)792,13$
 $P/Y = 12$
 $C/Y = 12$

(M1)(A1)

Nota: Conceda **(M1)** por haber intentado utilizar una aplicación financiera en su dispositivo tecnológico mostrando al menos dos valores y conceda **A1** si todos los valores que ha introducido son correctos. PV y PMT deben tener signos opuestos.

$(FV =) 133\,019,94 \text{ AUD}$

A1

Nota: No conceda el **A1** final si no da la respuesta redondeando a 2 lugares decimales, a no ser que ya se le haya penalizado por ello en el apartado (a). Acepte $133\,020,30$, que es lo que se obtiene al utilizar el valor exacto del PMT .

- (ii) Cantidad de dinero pagada: $120 \times 792,13 (= 95\,055,60)$ **(M1)**
 Préstamo amortizado: $170\,000 - 133\,019,94 (= 36\,980,06)$ **(M1)**
 Intereses pagados: $(95\,055,60 - 36\,980,06 =) 58\,075,54 \text{ AUD}$ **A1**

Nota: Acepte también $58\,075,60$ o $58\,075,90$, que es lo que se obtiene al utilizar alguno de los valores exactos de los apartados (a) y (b)(i). Si su respuesta a b(i) es mayor que $170\,000$, conceda a lo más **(M1)(M1)(A0)**, **FT** del apartado (b)(ii).

[6 puntos]

Total: [9 puntos]

11. (a) $a = 0,42$ **A1**
[1 punto]

(b) $(P(B' \cap F) =) b \times 0,68$ **A1**
[1 punto]

(c) (i) $0,32 \times 0,58 + 0,68b = 0,41$ **M1**

Nota: Conceda **(M1)** por haber planteado una ecuación para las personas que tienen el pelo rubio, o equivalente.

$b = 0,33$ **A1**

(ii) $c = 0,67$ **A1**

[3 puntos]
Total: [5 puntos]

12. (a) $(S(x) =) x^2 + 128x^{-1}$ **(M1)**

Nota: Conceda **M1** por haber expresado el segundo término con un exponente negativo. Esto puede estar implícito si se observa $\frac{1}{x^2}$ como una parte de su respuesta.

$2x - \frac{128}{x^2}$ **O BIEN** $2x - 128x^{-2}$ **A1A1**

Nota: Conceda **A1** por $2x$ y **A1** por $-\frac{128}{x^2}$. El primer **A1** es por haber derivado correctamente x^2 y es independiente del **(M1)**.

[3 puntos]

(b) (i) Por cualquier manipulación correcta de $2x - \frac{128}{x^2} = 0$; p. ej., $2x^3 - 128 = 0$ **(M1)**

O BIEN

Por un dibujo aproximado del gráfico de $S'(x)$ donde se indique la raíz. **(M1)**

O BIEN

Por un dibujo aproximado del gráfico de $S(x)$ donde se indique el mínimo. **(M1)**

POR LO TANTO

$x = 4$ **A1**

Nota: El valor debe ser positivo. Conceda error de arrastre **(FT)** de su parte (a) sin considerar el desarrollo.

(ii) Es el valor de x que minimiza el área de la superficie de la caja **A1**

Nota: Acepte "optimizar" en lugar de minimizar.

[2 puntos]
Total: [5 puntos]

13. (a) (i) $c = 10$ **A1**

(ii) $64a + 8b + 10 = 10$ **A1**
 $16a + 4b + 10 = 12$ **A1**

Nota: Conceda **A1** por cada expresión equivalente o **A1** por haber utilizado la fórmula del eje de simetría para hallar $4 = \frac{-b}{2a}$ o por haber utilizado la derivada.
 Conceda **A0A1** por $64a + 8b + c = 10$ y $16a + 4b + c = 12$.

(ii) $y = -\frac{1}{8}x^2 + x + 10$ **A1A1**

Nota: Conceda **A1A0** si uno de los términos es incorrecto; **A0A0** si hay dos o más términos incorrectos. Conceda a lo más **A1A0** si ha dado valores correctos de a , b y c pero la respuesta no se ha expresado en forma de ecuación.

[5 puntos]

(b) Por darse cuenta de que tenía que integrar su expresión **(M1)**

$\int_0^8 -\frac{1}{8}x^2 + x + 10 \, dx$ **(A1)**

Nota: Conceda **(A1)** por la integral correcta, incluidos los límites. No penalice la ausencia de dx .

$90,7 \text{ (cm}^2\text{)} \left(\frac{272}{3}; 90,6666\dots \right)$ **A1**

[3 puntos]
Total: [8 puntos]